# Физические поля корабля и океана

Научная статья УДК 681.2.083 https://doi.org/10.24866/2227-6858/2022-1/58-64

С.В. Шостак, А.В. Бенгард

ШОСТАК СЕРГЕЙ ВАСИЛЬЕВИЧ – к.т.н., доцент, servash@mail.ru БЕНГАРД АЛЕКСАНДР ВЯЧЕСЛАВОВИЧ – аспирант, bengard.av@dvfu.ru<sup>™</sup> Департамент электроники, телекоммуникации и приборостроения Политехнического института *Дальневосточный федеральный университет* Владивосток, Россия

# Решение задачи обнаружения и оценки дальности и радиальной скорости малогабаритного подводного объекта на основе дискретно-кодированной последовательности сигналов с линейно-частотной модуляцией

Аннотация: В гидроакустике важное значение имеют гидролокация и оценка радиальной скорости подводного объекта. Сфера их применения различна – от оценки скорости морских млекопитающих до охраны морских инженерных сооружений. Проблема оценки дальности и радиальной скорости в гидроакустике актуальна и по сей день, поэтому в данной статье описан метод, с помощью которого можно определить данные параметры подводного объекта.

*Ключевые слова*: эффект Доплера, комплексное сопряжение, дискретно-кодированный сигнал, радиальная скорость

Для цитирования: Шостак С.В., Бенгард А.В. Решение задачи обнаружения и оценки дальности и радиальной скорости малогабаритного подводного объекта на основе дискретно-кодированной последовательности сигналов с линейно-частотной модуляцией // Вестник Инженерной школы Дальневосточного федерального университета. 2022. № 1(50). С. 58–64. https://doi.org/10.24866/2227-6858/2022-1/58-64

# Введение

В гидроакустических системах (ГАС) наблюдения за подводной обстановкой анализ состояния среды проводится, как правило, благодаря излучению и приему отраженных от целей импульсных сигналов. Выбор формы зондирующего сигнала и его параметров (синтез сигнала) производится в зависимости от решаемых ГАС задач. Основными составляющими таких задач являются [3–5]:

- 1) обнаружение цели;
- 2) оценка дальности до цели;
- 3) оценка радиальной скорости цели.

Для решения этих задач зондирующий сигнал должен распространяться в гидроакустическом канале с возможно меньшими потерями, хорошо отражаться от цели и быть достаточно энергетичным для обеспечения характеристик обнаружения на фоне шумов и помех [4]. Такими сигналами могут быть сложные широкополосные сигналы с линейной частотной модуляцией (ЛЧМ-сигналы), имеющие большую длительность и широкую полосу частот. ЛЧМсигнал с растущей мгновенной частотой описывается выражением

$$\exp\left[j2\pi\left(f_0t+0.5bt^2\right)\right].$$

(1)

<sup>©</sup> Шостак С.В., Бенгард А.В., 2022

Статья: поступила: 27.01.2022; рецензия: 09.02.2022; финансирование: Дальневосточный федеральный университет.

где  $f_0$  – начальная частота сигнала, t – время, b = F/T – коэффициент девиации, F – полоса сигнала, T – длительность сигнала. Представим график зависимости мгновенной частоты такого сигнала от времени (рис. 1).



Рис. 1. Мгновенная частота ЛЧМ-сигнала: 1 – зондирующего; 2 и 3 – эхо-сигналов, деформированных эффектом Доплера

Обработка подобных сигналов проводится методом корреляционного сравнения эхосигнала с копией зондирующего, форма которого должна быть изменена в соответствии с ожидаемой доплеровской трансформацией масштаба времени [3, 5]. Особенность такой трансформации для ЛЧМ-сигналов связана с изменением коэффициента девиации, то есть наклона мгновенной частоты, представленной на рис. 1, где прямая 2 соответствует приближающейся цели, прямая 3 – удаляющейся цели.

Создание банка копий зондирующего сигнала в случае его узкополосности, когда влияние эффекта Доплера описывается сдвигом частоты, не вызывает больших затрат. В случае широкополосных ЛЧМ-сигналов изменение частотной оси происходит более сложным образом, как показано на рис. 1. Поэтому прибегают к определенным приближениям, что вызывает снижение отношения сигнал/шум [5].

## Метод обработки

Рассмотрим способ обработки сложного широкополосного ЛЧМ-сигнала на основе гармонического разложения с возможностью оценки радиальной скорости цели при использовании одного импульса зондирующего сигнала.

Сформируем последовательность из двух ЛЧМ-сигналов:

$$s(t) = \left[ s_1(t) s_2(t) \right].$$
<sup>(2)</sup>

В выражении (2)

$$s_{1}(t) = \exp\left[j2\pi\left(f_{1}t + 0.5bt^{2}\right)\right]$$
  

$$s_{2}(t) = \exp\left[j2\pi\left(f_{2}t + 0.5bt^{2}\right)\right],$$
(3)

где t – время,  $f_1$  и  $f_2$  – начальные частоты (рис. 2).

Представим мгновенную частоту сигнала s(t) (рис. 2).



Рис. 2. Мгновенная частота сигнала s(t)

Следует заметить, что при перемножении  $s_1(t)$  на комплексно-сопряженный  $s_2(t)$  получим

$$z(t) = s_1(t)s_2^*(t) = \exp\left[j2\pi(f_1t + 0.5bt^2)\right] \exp\left[-j2\pi(f_2t + 0.5bt^2)\right] = \exp\left(j2\pi(f_1 - f_2)t\right), \quad (4)$$

где \* – комплексное сопряжение. М<br/>гновенная частота полученного сигнала постоянна и равна<br/>  $f_c = f_1 - f_2$  .

Как известно, при движении цели происходит доплеровская трансформация временного масштаба по закону  $t \to \alpha t$ , где  $\alpha = 1 + \frac{2V_r}{c}$  – доплеровский параметр,  $V_r$  – радиальная скорость цели, c – скорость звука в воде. С учетом изменения масштаба времени перепишем выражение (2):

$$s(\alpha t) = \left[s_1(\alpha t)s_2(\alpha t)\right] = \left[\exp\left[j2\pi\left(f_1\alpha t + 0.5b\alpha^2 t^2\right)\right]\exp\left[j2\pi\left(f_2\alpha t + 0.5b\alpha^2 t^2\right)\right]\right].$$
 (5)

Мгновенные частоты для  $s_1(\alpha t)$  и  $s_2(\alpha t)$  имеют вид  $(f_1 + \alpha^2 bt)$  и  $(f_2 + \alpha^2 bt)$  соответственно. Как видно, коэффициент девиации изменился в  $\alpha^2$  раз.

Предположим, что за время длительности посылки 2T параметр  $\alpha$  практически не меняется. В этом случае, выполняя операцию аналогично (4), имеем

$$z(\alpha t) = s_1(\alpha t)s_2^*(\alpha t) = \exp\left(j2\pi(f_c\alpha t)\right) = \exp\left[j2\pi f_c\left(1+\frac{2V_r}{c}\right)t\right] = \exp\left[j2\pi\left(f_c+\frac{2V_r}{c}f_c\right)t\right].$$
(6)

Как и ранее, мгновенная частота результирующего сигнала постоянна и равна  $f_c + \frac{2V_r}{c} f_c$ , где составляющая  $\frac{2V_r}{c} f_c$  определяет доплеровский сдвиг.

Представим совмещенные мгновенные частоты сигналов  $s_1(\alpha t)$  и  $s_2(\alpha t)$  (рис. 3).



Рис. 3. Мгновенная частота сигнала  $z(\alpha t)$ 

Таким образом, задача обработки сигналов z(t) и  $z(\alpha t)$  сводится к обнаружению гармонического сигнала и оценке его частоты, которая имеет постоянное значение. Как известно, подобные задачи решаются методами спектрального анализа.

Рассмотрим возможную реализацию представленного способа обработки последовательности ЛЧМ-сигналов. Считаем, что обработка проводится в дискретном виде. Для этого случая сигналы имеют вид

$$s(\alpha n) = \left[s_1(\alpha n)s_2(\alpha n)\right] = \left[\exp\left[j\frac{2\pi}{N}(\alpha K_1 n + 0.5b\alpha^2 n^2)\right]\exp\left[j\frac{2\pi}{N}(\alpha K_2 n + 0.5b\alpha^2 n^2)\right]\right], \quad (7)$$

где *n* – номер отсчета по временной оси;

N – число отсчетов для  $s_1(\alpha n)$  и  $s_2(\alpha n)$  – аналог длительности импульса T;

 $K_1$  – номер отсчета для  $f_1$ ;

 $K_2$  – номер отсчета для  $f_2$ .

Представим структурную схему процессора обработки (рис. 4).



последовательности ЛЧМ-сигналов

Процессор содержит блок памяти на 2*N* ячеек, блок комплексного сопряжения, блок перемножения, блок спектрального анализа и блок обнаружения сигнала, оценки дальности и радиальной скорости.

В блоке комплексного сопряжения сигнал  $s_2(\alpha n)$  преобразуется к комплексно-сопряженному виду:

$$s_2^*(\alpha n) = \exp\left[-j\frac{2\pi}{N}(\alpha K_2 n + 0.5b\alpha^2 n^2)\right].$$
(8)

Далее в блоке перемножения сигналы  $s_1(\alpha n)$  и  $s_2^*(\alpha n)$  перемножаются, в результате чего получаем

$$z(\alpha n) = s_1(\alpha n) s_2^*(\alpha n) = \exp\left(j\frac{2\pi}{N}K_c\alpha n\right),\tag{9}$$

где  $K_{c} = K_{1} - K_{2}$ .

В блоке спектрального анализа вычисляется спектральная плотность мощности  $z(\alpha n)$  периодограммным методом [5]:

$$z(k) = \frac{1}{N} \left| \sum_{n=0}^{N-1} z(\alpha n) \exp\left(-j\frac{2\pi}{N}Kn\right) \right|^2 = \frac{1}{N} \left| \sum_{n=0}^{N-1} \exp\left[-j\frac{2\pi}{N}(K-\alpha K_c)n\right] \right|^2.$$
(10)

z(k) имеет максимальное значение при  $K = \alpha K_c = \left(1 + \frac{2V_r}{c}\right)K_c$ , откуда определяется

радиальная скорость цели:

$$V_r = \frac{c}{2} \left( \frac{K}{K_c} - 1 \right). \tag{11}$$

Дальность до цели определяется по задержке появления максимума z(k) относительно момента излучения. Обнаружение сигнала, оценка дальности и радиальной скорости производятся в соответствующем блоке.

Проведем моделирование представленного способа с частотой дискретизации 10 кГц для следующих параметров ЛЧМ-сигналов: начальные частоты  $f_1 = 4$  кГц и  $f_2 = 3$  кГц; длительность и полосу частот установим одинаковыми для обоих сигналов – F = 500 Гц, T = 1 с.

Сформированные зондирующие сигналы  $s_1(t)$  и  $s_2(t)$  излучим в направлении цели. Для имитации движения цели возьмем несколько значений радиальной скорости:  $V_r = 0$  (цель неподвижна), – 5 м/с (цель удаляется), 10 м/с (цель приближается). Отраженные от цели сигналы  $s_1(\alpha n)$  и комплексно-сопряженный  $s_2^*(\alpha n)$  пропустим через блок перемножения и на выходе блока спектрального анализа получим гармонический сигнал  $z(\alpha n)$ , мгновенная частота которого будет соответствовать радиальной скорости цели (рис. 5).



Рис. 5. Спектры излученных сигналов  $s_1(t)$ ,  $s_2(t)$  и мгновенные частоты сигналов  $z(\alpha n)$  при отсутствии помех

Для иллюстрации помехоустойчивости предлагаемого способа добавим к сигналам  $s_1(\alpha t)$  и  $s_2(\alpha t)$  белый некоррелированный гауссовский шум мощностью –10 дБ (что соответствует отношению звуковых давлений полезного сигнала и шума в 3,16 раза), имитируя помеху морской среды, и повторим операцию нахождения сигнала  $z(\alpha n)$  (рис. 6).

Для наглядности на рисунках 5 и 6 представлены нормированные уровни спектральной плотности сигналов  $z(\alpha n)$ . Видно, что используемый при спектральном анализе метод периодограмм позволяет оценивать радиальную скорость цели при наличии достаточно сильного шума –10 дБ.

ВЕСТНИК ИНЖЕНЕРНОЙ ШКОЛЫ ДВФУ. 2022. № 1(50)



Рис. 6. Спектры излученных сигналов  $s_1(t)$ ,  $s_2(t)$  и мгновенные частоты сигналов  $z(\alpha n)$  с предполагаемой помехой морской среды

#### Заключение

В представленной работе обоснован метод обработки последовательности из двух ЛЧМ-сигналов, инвариантный относительно эффекта Доплера. Показано, что в ходе применения ЛЧМ-сигналов с одинаковыми коэффициентами девиации, но разными начальными частотами при их смешивании образуется гармонический сигнал с постоянной частотой, сдвиг которой зависит от доплеровского параметра. В результате обработка сигналов свелась к выделению гармонической составляющей и оценке ее частоты. Такая задача решается методами спектрального анализа на основе быстрых алгоритмов Фурье, что позволяет не вводить приближений, связанных с потерей в отношении сигнал/шум, как описано в [5].

Заявленный вклад авторов: все авторы сделали эквивалентный вклад в подготовку публикации. Авторы заявляют об отсутствии конфликта интересов.

# СПИСОК ИСТОЧНИКОВ

- 1. Марпл-мл. С.Л. Цифровой спектральный анализ и его приложения. Москва: Мир, 1990. 584 с.
- 2. Шендеров Е.Л. Волновые задачи гидроакустики. Ленинград: Судостроение, 1972. 348 с.
- Abraham D.A. Underwater acoustic signal processing. ASA Press, Springer, 2019. 834 p. DOI: 10.1007/978-3-319-92983-5
- 4. Jensen F.B., Kuperman W.A., Porter M., Schimlal H. Computational ocean acoustics. Springer New York, Dordrecht Heidelderg, London, 2011. 795 p. DOI: 10.1007/978-1-4419-8678-8
- Tianzeng X., Lufen X. Digital Underwater Acoustic Communications. China Ocean Press, Elsevier Inc., 2017. 290 p. DOI: 10.1016/C2014-0-00624-7

# FEFU: SCHOOL of ENGINEERING BULLETIN. 2022. N 1/50 *Physical Fields of Ship, Ocean and Atmosphere*

www.dvfu.ru/en/vestnikis

Original article https://doi.org/10.24866/2227-6858/2022-1/58-64

Shostak S., Bengard A.

SERGEY V. SHOSTAK, Candidate of Engineering Sciences, Associate Professor, servash@mail.ru ALEXANDER V. BENGARD, Postgraduate Student, bengard.av@dvfu.ru Polytechnic Institute *Far Eastern Federal University* Vladivostok, Russia

# Small-sized underwater object's detection and its radial velocity and range estimation based on discrete-coded frequency-modulated signal sequence

**Abstract:** Hydrolocation and underwater object's detection and radial velocity estimation play an important role in hydro-acoustics. Their area of application varies from marine mammals' velocity estimation to marine engineering structures' protection. This article describes a processing method of small-sized underwater objects' detection and velocity estimation based on discrete-coded frequency-modulated signal sequence. Now-adays, range and radial velocity estimation problem is still relevant, so this article describes the method used to determine these parameters of an underwater object.

Keywords: Doppler effect, complex conjugation, discrete-coded signal, radial velocity

**For citation**: Shostak S., Bengard A. Small-sized underwater object's detection and its radial velocity and range estimation based on discrete-coded frequency-modulated signal sequence. FEFU: School of Engineering Bulletin. 2022;(50):58-64. (In Russ.). https://doi.org/10.24866/2227-6858/2022-1/58-64

Contribution of the authors: the authors contributed equally to this article. The authors declare no conflict of interests.

# REFERENCES

- 1. Marple S.L.Jr. Digital spectral analysis and its applipation. Moscow, Mir, 1990. 584 p.
- 2. Shenderov E.L. Hydroacoustics wave tasks. Leningrad, Sudostroenie, 1972. 348 p.
- 3. Abraham D.A. Underwater acoustic signal processing. ASA Press, Springer, 2019. 834 p. DOI: 10.1007/978-3-319-92983-5
- 4. Jensen F.B., Kuperman W.A., Porter M., Schimlal H. Computational ocean acoustics. Springer New York, Dordrecht Heidelderg, London, 2011. 795 p. DOI: 10.1007/978-1-4419-8678-8
- 5. Tianzeng X., Lufen X. Digital Underwater Acoustic Communications. China Ocean Press, Elsevier Inc., 2017. 290 p. DOI: 10.1016/C2014-0-00624-7